

DRŽAVNO NATJECANJE OSNOVE INFORMATIKE SREDNJE ŠKOLE - 2023.

Stručno povjerenstvo Osnove informatike SŠ



Agencija za odgoj i obrazovanje
Education and Teacher Training Agency



HRVATSKI SAVEZ
INFORMATIČARA



Ministarstvo znanosti,
obrazovanja i sporta



20.04.2023. (ČET)

1. ZADATAK

Funkciju $f(A, B, C) = \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot C$ prikažite u konjunktivnoj normalnoj formi (bez pojednostavljanja funkcije).

Rješenje:



- A) $f(A, B, C) = (\bar{A} + \bar{B} + \bar{C}) \cdot (\bar{A} + B + \bar{C}) \cdot (\bar{A} + B + C) \cdot (A + B + C)$
- B) $f(A, B, C) = (A + B + \bar{C}) \cdot (\bar{A} + B + C) \cdot (\bar{A} + B + \bar{C}) \cdot (\bar{A} + \bar{B} + \bar{C})$
- C) $f(A, B, C) = (\bar{A} + \bar{B} + C) \cdot (A + \bar{B} + \bar{C}) \cdot (A + \bar{B} + C) \cdot (A + B + \bar{C})$
- D) $f(A, B, C) = (A + B + C) \cdot (A + \bar{B} + C) \cdot (A + \bar{B} + \bar{C}) \cdot (\bar{A} + \bar{B} + C)$
- E) $f(A, B, C) = (A + B + C) \cdot (\bar{A} + B + C) \cdot (\bar{A} + B + \bar{C}) \cdot (\bar{A} + \bar{B} + C)$

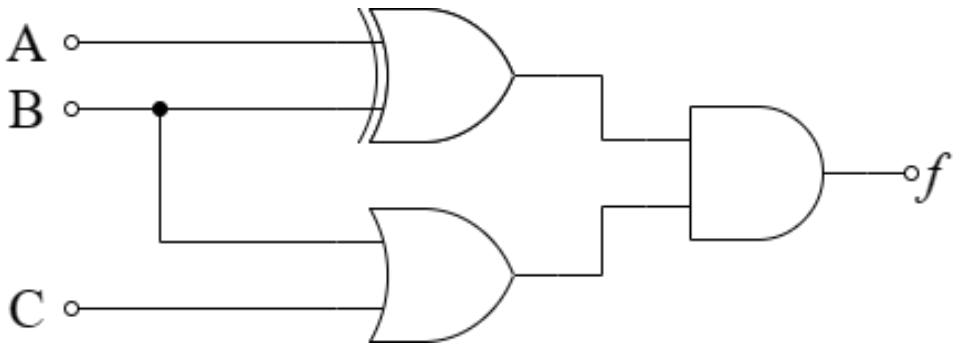
Opis rješenja:



A	B	C	f	
0	0	0	0	$A + B + C$
0	0	1	1	
0	1	0	0	$A + \bar{B} + C$
0	1	1	0	$A + \bar{B} + \bar{C}$
1	0	0	1	
1	0	1	1	
1	1	0	0	$\bar{A} + \bar{B} + C$
1	1	1	1	

2. ZADATAK

Kako glasi funkcija f ostvarena digitalnim sklopm prikazanim na slici?



Rješenje:

- A) $f(A, B, C) = \bar{A} + B + C$
 - B) $f(A, B, C) = \bar{A} \cdot B + C$
 - C) $f(A, B, C) = A \cdot \bar{B} \cdot \bar{C}$
 - D) $f(A, B, C) = (A + \bar{B}) \cdot (\bar{A} + B + \bar{C})$
 - E) $f(A, B, C) = \bar{A} \cdot B + A \cdot \bar{B} \cdot C$



Opis rješenja: $f(A, B, C) = (A \oplus B) \cdot (B + C) = (\bar{A} \cdot B + A \cdot \bar{B}) \cdot (B + C)$



$$f(A, B, C) = \overline{A} \cdot B \cdot B + \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot B + A \cdot \overline{B} \cdot C$$

$$f(A, B, C) = \bar{A} \cdot B + \bar{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot C$$

$$f(A, B, C) = \bar{A} \cdot B \cdot (1 + C) + A \cdot \bar{B} \cdot C$$

$$f(A, B, C) = \bar{A} \cdot B + A \cdot \bar{B} \cdot C$$

10. *W. E. B. DuBois, The Negro Problem and Negro Education* (New York: Holt, 1918).

3. ZADATAK

Ako vrijedi $X \Rightarrow Y = \bar{X} + Y$, a $X \Leftrightarrow Y = \bar{X} \cdot \bar{Y} + X \cdot Y$, pojednostavi sljedeći izraz:

$$X \Rightarrow [\bar{X} \Rightarrow (Y \Rightarrow Z)] \Leftrightarrow [(X \cdot \bar{X} \cdot Y) \Rightarrow Y]$$

Rješenje:

1, TRUE, ISTINA



Opis rješenja:

$$X \Rightarrow [\bar{X} \Rightarrow (Y \Rightarrow Z)] \Leftrightarrow [(X \cdot \bar{X} \cdot Y) \Rightarrow Y]$$

$$X \Rightarrow [\bar{X} \Rightarrow (\bar{Y} + Z)] \Leftrightarrow [0 \Rightarrow Y]$$

$$X \Rightarrow (X + \bar{Y} + Z) \Leftrightarrow [0 \Rightarrow Y]$$

$$\bar{X} + X + \bar{Y} + Z \Leftrightarrow [1 + Y]$$

$$1 + \bar{Y} + Z \Leftrightarrow 1$$

$$1 \Leftrightarrow 1$$



Opis rješenja:



X	Y	Z	$Y \Rightarrow Z$	$\bar{X} \Rightarrow (Y \Rightarrow Z)$	$X \Rightarrow [\bar{X} \Rightarrow (Y \Rightarrow Z)]$	$X \cdot \bar{X} \cdot Y$	$(X \cdot \bar{X} \cdot Y) \Rightarrow Y$	$X \Rightarrow [\bar{X} \Rightarrow (Y \Rightarrow Z)] \Leftrightarrow [(X \cdot \bar{X} \cdot Y) \Rightarrow Y]$
0	0	0	1	1	1	0	1	1
0	0	1	1	1	1	0	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	1
0	1	1	1	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1	0	1	1
1	0	1	0	1	1	0	1	1
1	1	0	1	1	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	0	1	1

4. ZADATAK

- a) Prikaži funkciju $f(A, B) = \bar{A} + B$ samo upotrebom logičke funkcije NI.
- b) Prikaži funkciju $g(A, B) = A \cdot \bar{B}$ samo upotrebom logičke funkcije NILI.

Rješenje:

$$f(A, B) = NI(A, NI(B, B))$$
$$g(A, B) = NILI(N, ILI(A, A)B)$$



Opis rješenja: $f(A, B) = \bar{A} + B = \overline{\bar{A} + B} = \overline{\bar{A} \cdot \bar{B}} = \overline{A \cdot \bar{B}} = \overline{A \cdot \bar{B} \cdot B}$



$$f(A, B) = A \cdot \bar{B} = \overline{A \cdot \bar{B}} = \overline{\bar{A} + \bar{B}} = \overline{\bar{A} + B} = \overline{\overline{A} + A + B}$$

5. ZADATAK

Koji će od zadanih HTML5 kodova prikazati u web pregledniku sljedeću tablicu?

11	12	13	
21	22	23	14

Rješenje:



```
<!DOCTYPE html>
<html>
<body>
<table border="1">
  <tr>
    <td>11</td> <td>12</td> <td>13</td><td rowspan="2">14</td>
  </tr>
  <tr>
    <td>21</td> <td>22</td> <td>23</td>
  </tr>
</table>
</body>
</html>
```

Opis rješenja:



```
<table> ... </table>
<tr> ... </tr>
<td> ... </td>
colspan
rowspan
```

početak i kraj tablice

početak i kraj retka tablice (engl. *table row*)

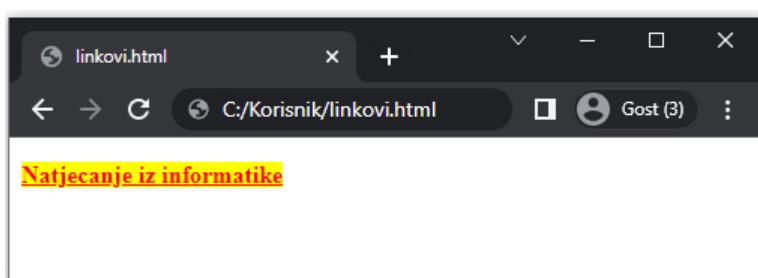
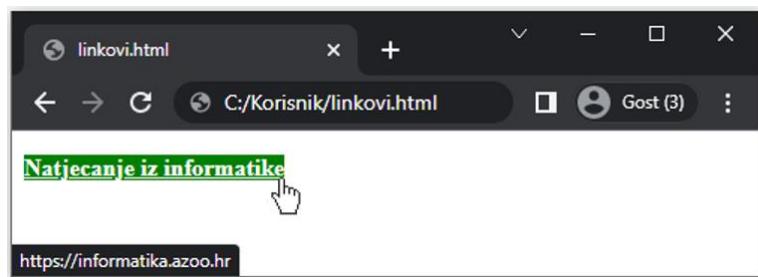
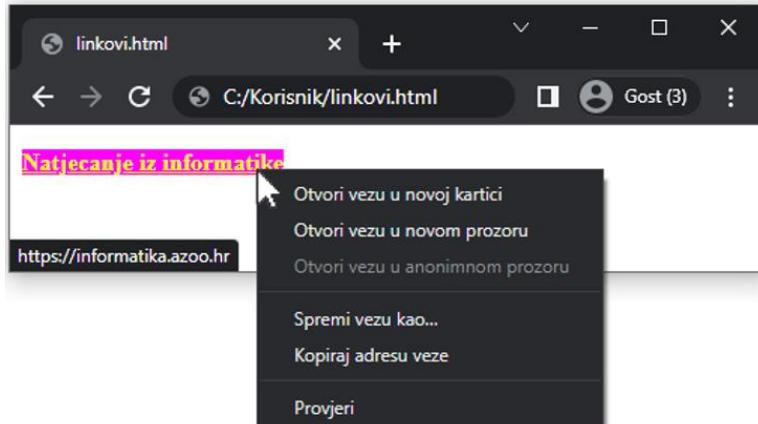
početak i kraj ćelije s podacima (engl. *table data*)

definiramo kroz koliko se stupaca ćelija proteže (engl. *column*)

definiramo kroz koliko se redaka ćelija proteže (engl. *row*)

6. ZADATAK

Josipa je vježbala kako urediti poveznicu na svojoj mrežnoj stranici uz pomoć jezika HTML5 i CSS-a.
Odaberite ispravne CSS kodove tako da se prikažu sljedeća stanja poveznice:



```
<!DOCTYPE html>
<html>
<head>
<style>
    (1) {
        background-color: yellow;
        color: red;
    }

    (2) {
        background-color: green;
        color: white;
    }

    (3) {
        background-color: magenta;
        color: yellow;
    }
</style>
</head>
<body>

<p><b><a href="https://informatika.azoo.hr/">Natjecanje iz informaticke</a></b></p>

</body>
</html>
```

Rješenje:

- (1) a:link, a:visited
- (2) a:hover
- (3) a:active

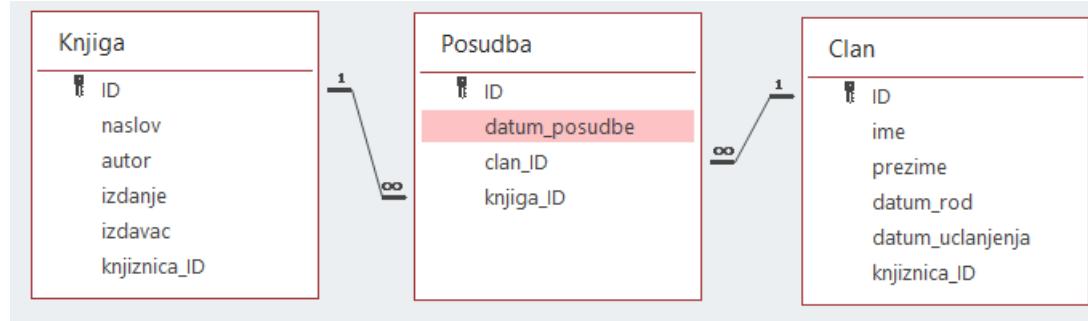


Literatura: https://www.w3schools.com/css/css_link.asp



7. ZADATAK

Kojim SQL izrazom iz MS Access baze podataka, prikazane na slici, ćete dohvatiti naslov knjige i ukupan broj članova koji su tu knjigu posudili?



Rješenje:



```
SELECT K.naslov, COUNT(c.id) AS Brojanje  
FROM (Posudba AS P INNER JOIN Clan AS c ON c.ID = P.clan_ID)  
INNER JOIN Knjiga AS K ON K.ID = P.knjiga_ID  
GROUP BY K.naslov;
```

Opis rješenja:



Jedini SQL upit koji ispravno povezuje tablicu Posudba s tablicama Knjiga i Clan, koje nemaju izravnu vezu te koristi agregatnu funkciju COUNT i grupira po svojstvu koje nije unutar agregatne funkcije.

8. ZADATAK

U programu MS Excel kreirana je sljedeća tablica:

A	B	C	D	E	F	G	H
1	Marka	Model	Skladište	Stanje na skladištu	=SUMIFS(D2:D17;A2:A17;A8;B2:B17;B8)		
2	Honda	CIVIC E:HEV	Sesvete	20			
3	Honda	HR-V	Jankomir	20			
4	Honda	CRV	Jankomir	30			
5	Honda	HR-V	Sesvete	20			
6	KIA	CEED LX Fun ISG, M/T	Jankomir	50			
7	KIA	Sportage	Jankomir	60			
8	Mercedes	A 200	Jankomir	50			
9	Mercedes	A 250 4MATIC	Žitnjak	60			
10	Mercedes	A 200	Žitnjak	40			
11	Mercedes	C 300 de 4MATIC	Jankomir	50			
12	Mercedes	A 200	Sesvete	20			
13	Opel	Mokka - E	Žitnjak	20			
14	Opel	Astra Electric	Jankomir	40			
15	Opel	Mokka - E	Jankomir	30			
16	Škoda	Karoq 1.5 TSI ACT	Jankomir	60			
17	Škoda	Kamiq 1.0 TSI	Jankomir	40			

- a) U ćeliji F1 zapisana je formula na slici. Koja će se vrijednost nalaziti u ćeliji nakon izvršenja formule?

Rješenje: 110



U programu MS Excel kreirana je sljedeća tablica:

A	B	C	D	E	F	G	H
1	Marka	Model	Skladište	Stanje na skladištu	=SUMIFS(D2:D17;A2:A17;A8;B2:B17;B8)		
2	Honda	CIVIC E:HEV	Sesvete	20			
3	Honda	HR-V	Jankomir	20			
4	Honda	CRV	Jankomir	30			
5	Honda	HR-V	Sesvete	20			
6	KIA	CEED LX Fun ISG, M/T	Jankomir	50			
7	KIA	Sportage	Jankomir	60			
8	Mercedes	A 200	Jankomir	50			
9	Mercedes	A 250 4MATIC	Žitnjak	60			
10	Mercedes	A 200	Žitnjak	40			
11	Mercedes	C 300 de 4MATIC	Jankomir	50			
12	Mercedes	A 200	Sesvete	20			
13	Opel	Mokka - E	Žitnjak	20			
14	Opel	Astra Electric	Jankomir	40			
15	Opel	Mokka - E	Jankomir	30			
16	Škoda	Karoq 1.5 TSI ACT	Jankomir	60			
17	Škoda	Kamiq 1.0 TSI	Jankomir	40			

b) U ćeliji F2 želimo izračunati najmanji broj vozila marke Honda dostupnih na skladištu u Jankomiru.

Kako će izgledati ta formula?

Rješenje:

- A. =MINIFS(D2:D17;A2:A17;A2;C2:C17;C3)
- B. =MINIFS(D2:D17;A2:A17;A2;C2:C17;C5)
- C. =MIN(D2:D17;A2:A17;A2;C2:C17;C3)
- D. =MIN(D2:D17;A2:A17;A2;C2:C17;C2)



=MINIFS(min_range, criteria_range1, criteria1, [criteria_range2, criteria2], ...)

9. ZADATAK

U ćeliji J3 tablice MS Excela zapisana je formula na slici. Koji je rezultat njezina izvršavanja?

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
HRVATSKA NARODNA BANKA - TEČAJNA LISTA									
1	Država	Šifra valute	Valuta	Kupovni za devize	Srednji za devize	Prodajni za devize			
2	Australija	36	AUD	1,5752	1,5728	1,5704			
3	Kanada	124	CAD	1,4459	1,4437	1,4415	Švedska	=VLOOKUP(I3;A2:F15;5)	
4	Češka	203	CZK	23,543	23,508	23,473			
5	Danska	208	DKK	7,4524	7,4412	7,43			
6	Mađarska	348	HUF	379,28	378,71	378,14			
7	Japan	392	JPY	144,77	144,55	144,33			
8	Norveška	578	NOK	11,0776	11,061	11,0444			
9	Švedska	752	SEK	11,1597	11,143	11,1263			
10	Švicarska	756	CHF	0,9973	0,9958	0,9943			
11	Velika Britanija	826	GBP	0,88663	0,8853	0,88397			
12	SAD	840	USD	1,0631	1,0615	1,0599			
13	Bosna i Hercegovina	977	BAM	1,95876	1,95583	1,9529			
14	Poljska	985	PLN	4,7151	4,708	4,7009			
15									
16									
17									

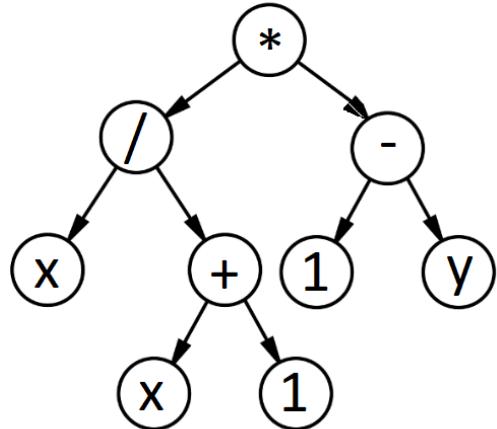
Rješenje: 11,143



=VLOOKUP(vrijednost pretraživanja, raspon koji sadrži vrijednost pretraživanja, broj stupca u rasponu koji sadrži povratnu vrijednost, približnu vrijednost (TRUE) ili Točno podudaranje (FALSE))

10. ZADATAK

Izračunaj izraz prikazan binarnim stablom, ako je $x = 3$, $y = 5$?



Rješenje: -3



Opis rješenja: Krećemo od listova binarnog stabla prema korijenu:

$$x / (x + 1) * (1 - y) = 3 / (3 + 1) * (1 - 5) = -3$$



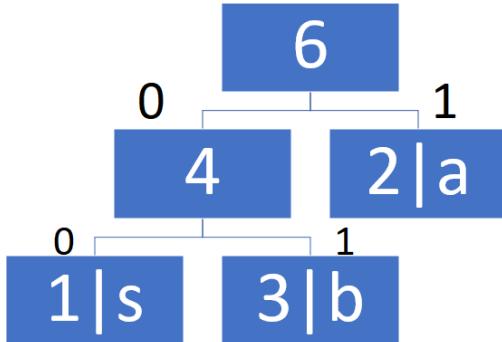
11. ZADATAK

Huffmanov algoritam za kompresiju računa frekvenciju pojavljivanja pojedinih znakova u tekstu te kreira binarnu hrpu u kojoj je svaki čvor dijete manji od svog roditelja.

Zatim se svako slovo kodira nizom 0 i 1 tako da se stablo obiđe od korijena do zadanog slova te se za svako lijevo dijete zapisuje 0, a za svako desno dijete 1.

U primjeru na slici slovo s je predstavljeno nizom 00, a slovo b nizom 01, dok je slovo a samo 1.

Na temelju zadanih Huffmanovih stabala dekomprimiraj binarni niz
111100011101101100000010101 u tekst:



Opis rješenja:



Vrlo je jednostavno na temelju zadanih primjera i opisa samog algoritma odrediti binarne kodove za slova koja se nalaze u listovima binarnog stabla:

A = 111

B = 10

C = 01

D = 110

E = 00

Zatim se jednoznačno dekomprimira binarni niz

111 10 00 111 01 10 110 00 00 01 01 01 u niz znakova

A B E A C B D E E C C C

Rješenje: ABEACBDEECCC



12. ZADATAK

Kako se zove najjače hrvatsko superračunalo?

Rješenje:

- A) Supek
- B) Rimac
- C) Penkala
- D) Štampar
- E) Vrančić
- F) Tesla
- G) ništa od navedenog



Literatura: [https://www.bug.hr/dogadjaji/.../superracunalo-do-sada-supek-32591](https://www.bug.hr/dogadjaji/hrvatska-dobila-najsaznije-superracunalo-do-sada-supek-32591)



13. ZADATAK

Poveži pojmove:

- | | | | |
|----|-----------|----|---------------------------------------|
| 1. | Gimp | A. | grafički uređivač |
| 2. | Waze | B. | interaktivne karte |
| 3. | Poweramp | C. | glazbeni servis |
| 4. | IrfanView | D. | preglednik za fotografije |
| 5. | IFTTT | E. | aplikacija za automatizaciju zadataka |
| 6. | TickTick | F. | aplikacija za vođenje bilježaka |

Rješenje:



1	2	3	4	5	6
A	B	C	D	E	F

14. ZADATAK

Poveži nazive popularnih kriptovaluta s njihovim logotipom:

A		1. Bitcoin(BTC)
B		2. Ethereum(ETH)
C		3. Stellar(XLM)
D		4. Neo(NEO)
E		5. Cardano(ADA)
F		6. Ripple(XRP)

Rješenje:



A	B	C	D	E	F
1	2	3	4	5	6

Literatura:

<https://coinmarketcap.com/>



15. ZADATAK

Na ikonama se nalaze naredbe vezane uz kreiranje skupnog pisma u programu MS Word. Spoji ikone s odgovarajućim naredbama:

	1. Pokreni cirkularna pisma
	2. Odaberi primatelje
	3. Umetni spojna polja
	4. Prepregled rezultata
	5. Završi i spoji
	6. Adresni redak
	7. Pozdravni redak

Rješenje:



A	B	C	D	E	F	G
1	2	3	4	5	6	7

16. ZADATAK

Sigurnost pametnih uređaja poznatijih kao IoT (eng. Internet of things) ovisi o nekoliko osnovnih elemenata. U tablici su navedeni najbitniji koje je potrebno povezati sa ispravnom definicijom:

a) sigurnost nultog povjerenja	1. svaki zahtjev za pristup mreži u potpunosti je autentificiran, autoriziran i šifriran prije odobravanja pristupa
b) osnovna ili granularna vidljivost podataka	2. identifikacija svih podataka koji se prikupljaju i pohranjuju
c) segmentacija mreže	3. stvaranje podmreža koje imaju ograničen pristup glavnoj mreži
d) kompleksnost okruženja	4. broj uređaja međusobno povezanih funkcionalnosti

Rješenje:



A	B	C	D
1	2	3	4

Literatura:

<https://www.bug.hr/sigurnost/iot-i-sigurnost-pametnih-uredjaja-iot-rat-19995>

<https://mreza.bug.hr/category/sigurnost/>



17. ZADATAK

Kada Ana kupuje u web trgovini [online-ducan.hr](#), poslužitelj te web trgovine koristi kolačić kako bi registrirao da se Ana prijavila na svoj račun. Međutim, Ana nije svjesna da je kolačić iz [primjer oglasi.hr](#) također pohranjen u njezinom pregledniku i koristi se za praćenje njezine aktivnosti na [online-ducan.hr](#), iako trenutno ne pristupa [primjer oglasi.hr](#) stranici.

Kako se Ana može najučinkovitije **zaštititi** od takvog ugrožavanja svoje privatnosti, a da i dalje može koristiti web trgovinu?

Rješenje: A) blokirati kolačiće treće strane

-  B) blokirati kolačiće sjednice ili sesije
- C) koristiti anonimni ili privatni prozor
- D) isključiti praćenje lokacije
- E) isključiti personalizirano oglašavanje

Literatura: https://www.cis.hr/index.php?option=com_content&view=article&id=5960



18. ZADATAK

ChatGPT je kratica kojih engleskih riječi?

- Rješenje:** A) Chat Generative Pre-trained Transformer
-  B) Chat General Purpose Transformer
 - C) Chat General Pre-trained Transformer
 - D) Chat General Pre-trained Transporter
 - E) Chat Generative Pre-trained Transporter

Literatura:

<https://chat.openai.com/>



ChatGPT je kratica kojih engleskih riječi?



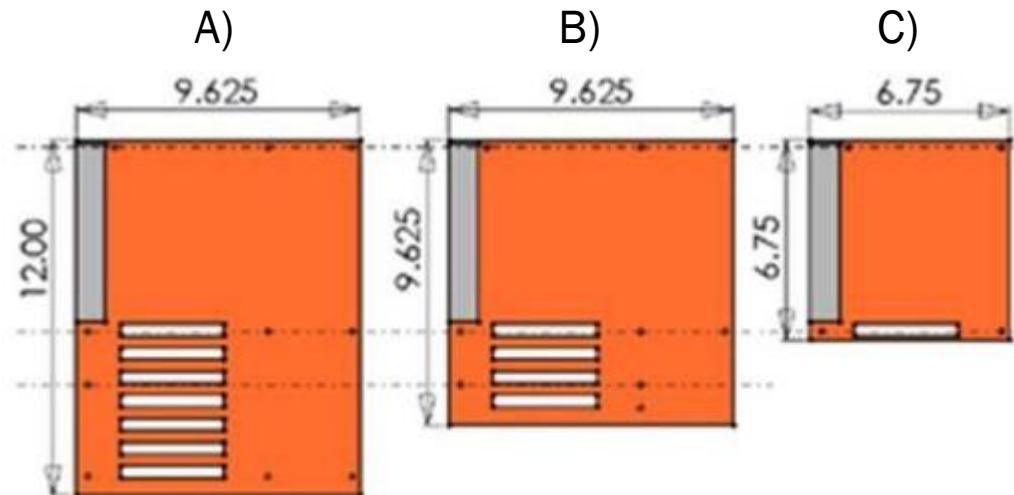
ChatGPT je kratica engleskih riječi "Chat" (razgovor), "GPT" (Generative Pre-trained Transformer), što je naziv za vrstu umjetne inteligencije koja se koristi za generiranje teksta.



19. ZADATAK

Formati matičnih ploča opisuju njenu geometriju, dimenzije, raspored i električne zahtjeve. Slikom su dane neke od izvedbi matičnih ploča. Pridruži im zadane nazive u skladu s njihovim dimenzijama:

- 1 mini ITX
- 2 micro ATX
- 3 ATX



Rješenje:



C	B	A
1	2	3

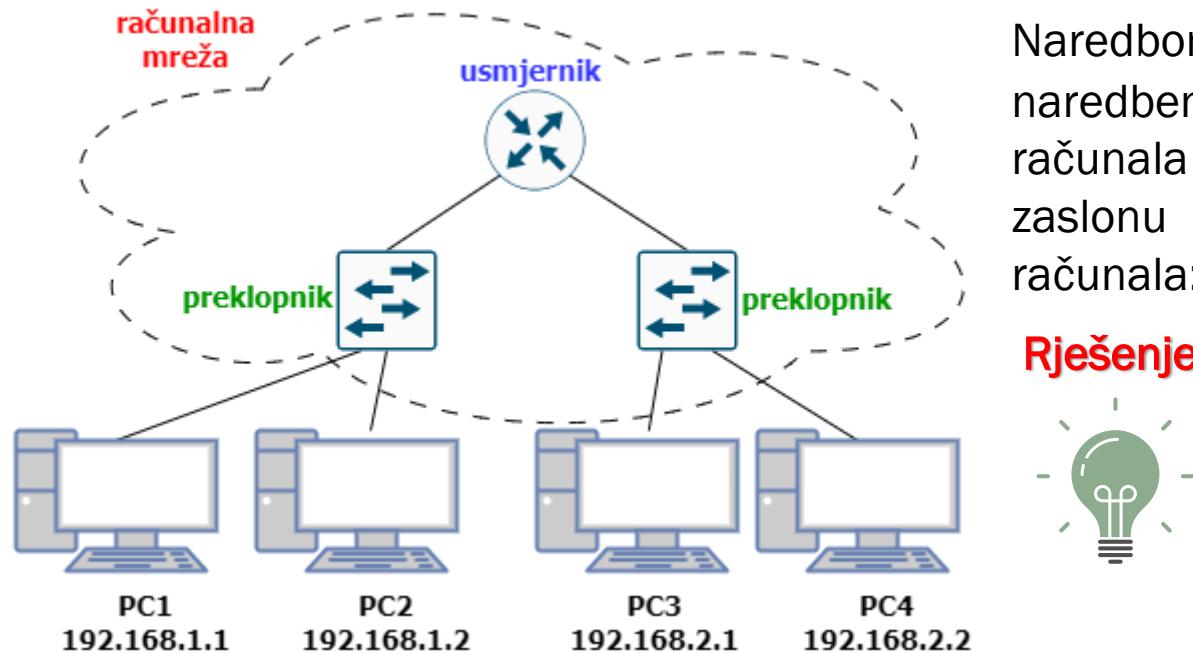
Literatura:



A. Bednjanec, V. Zuppa Bakša, Osnove računala, udžbenik za 2. razred srednjih strukovnih škola, Element, 2020.

20. ZADATAK

Petar treba provjeriti postoji li mrežna komunikacija između računala PC1 i PC3. Koristio je ispravne kabele i priključio ih na ispravan način te je ispravno konfigurirao IP adrese kao na slici.



Naredbom ping koju je utipkao na ispravan način u naredbeni redak računala PC3 provjerio je povezanost računala PC3 i PC1. Odaberi odziv koji mu se prikazao na zaslonu koji dokazuje uspješnu komunikaciju tih dvaju računala:

Rješenje:



```
Reply from 192.168.1.1: bytes=32 time=11ms TTL=128
Reply from 192.168.1.1: bytes=32 time<1ms TTL=128
Reply from 192.168.1.1: bytes=32 time=9ms TTL=128
Reply from 192.168.1.1: bytes=32 time=8ms TTL=128
```

Koju naredbu bi Petar utipkao u naredbeni redak računala PC1 kad bi htio provjeriti povezanost računala PC1 i PC4?

Rješenje:

```
ping 192.168.2.2
```



21. ZADATAK

Odredi puni zapis ispravno skraćenog zapisa IPv6 adrese

2023:0:0:fda::725

Rješenje:



A)	2023:0000:0000:0fda:0000:0000:0000:0725
B)	2023:0000:0000:fda0:0000:0000:0000:0725
C)	2023:0000:0000:fda0:0000:0000:0000:7250
D)	2023:0000:0000:0000:fda0:0000:0000:7250
E)	2023:0000:0000:0000:0fda:0000:0000:0725
F)	2023:0000:0000:0000:0000:0fda:0000:0725
G)	2023:0000:0000:0000:0000:fda0:0000:7250

Opis rješenja:



8 skupina po 16 bitova, svaka se skupina zapisuje s pomoću 4 heksadekadske znamenke

2023:0000:0000:**0fda**:0000:0000:0000:**0725**



Ako jedna od skupina sadrži heksadekadske znamenke 0000 te se nule u prikazu mogu ispuštiti. Sve skupine sa znamenkama 0000 koje slijede jedna za drugom mogu se ispuštiti i zamijeniti dvjema dvotočkama i to samo jednom u zapisu.

22. ZADATAK

Na slici se nalazi rezultat izvršavanja naredbe ipconfig/all na računalu.

```
Realtek PCIe GbE Family Controller
30-24-A9-93-53-D3
Yes
Yes
fe80::5383:9c3:5ca:e20a%19(PREFERRED)
192.168.42.38(PREFERRED)
255.255.254.0
Wednesday, January 25, 2023 1:29:17 PM
Wednesday, February 1, 2023 1:29:17 PM
192.168.42.1
192.168.42.1
254813353
00-01-00-01-27-A1-CA-6D-30-24-A9-93-53-D3
193.198.184.130
193.198.184.140
Enabled
```

Literatura: <https://sysportal.carnet.hr/node/393>



Koji dio gornjeg ispisa predstavlja MAC adresu računala:

Rješenje:

- A) 30-24-A9-93-53-D3
- B) 00-01-00-01-27-A1-CA
- C) 192.168.42.1
- D) 255.255.254.0



Koliko najmanje početnih bajtova MAC adrese mora biti isto, kako bi mrežni uređaji pripadali istom uređaju?

Rješenje:

3



23. ZADATAK

Kako se zove sustavski program u MS Windows 10 u kojem možemo izvršiti naredbu pwd?

Rješenje:

- A) Zsh
- B) Bash
- C) cmd
- D) **PowerShell**



Poveži naredbe s njihovim opisom:

- | | | | |
|----|-------|----|--|
| 1. | cd .. | A. | promjena trenutne mape na roditeljsku mapu |
| 2. | pwd | B. | prikaz trenutne putanje |
| 3. | ls | C. | popis svih mapa i datoteka koje se nalaze u trenutnoj mapi |
| 4. | cat | D. | prikazuje sadržaj datoteke |

Rješenje:



A	B	C	D
1	2	3	4



Literatura:



<https://pcchip.hr/softver/korisni/osnove-unix-a-naredbe-i-pipeovi/>

<https://support.microsoft.com/hr-hr/windows/powershell-zamjenjuje-naredbeni-redak-fdb690cf-876c-d866-2124-21b6fb29a45f>

24. ZADATAK

Kako glasi zapis heksadekadskog broja $DEB907_{(16)}$ u sustavu s bazom 4?

Rješenje:

313223210013



Opis rješenja:

11|01|11|10|10|11|10|01|00|00|01|11
3 1 3 2 2 3 2 1 0 0 1 3



25. ZADATAK

Zadani brojevi A i B prikazani su u 32-bitnom registru IEEE 754 standardom na sljedeći način:

A = 0100 0010 0011 1100 0000 0000 0000 0000

B = 0100 0001 1101 1000 0000 0000 0000 0000

Prikaži umnožak brojeva A i B istim standardom u heksadekadskom obliku.

Rješenje:

449EA000



Opis rješenja:

$$A = 1,01111_{(2)} \cdot 2^5$$

$$B = 1,1011_{(2)} \cdot 2^4$$



$$101111_{(2)} \cdot 11011_{(2)} = 10011110101_{(2)} \text{ ili } 47 \cdot 27 = 1269$$

$$A \cdot B = 1,0011110101_{(2)} \cdot 2^{10}$$

01000100100111101010000000000000

449EA000

26. ZADATAK

Odredi najmanje vrijednosti koje mogu poprimiti prirodni brojevi x i y tako da vrijedi jednakost:

$$1234_{(x^3)} = 1002003004_{(\sqrt{y})}$$

Rješenje:

$$x = 5, y = 25$$



Opis rješenja:

$$a = x^3$$

$$b = \sqrt{y}$$



$$1234_{(a)} = 1002003004_{(b)}$$

$$a^3 + 2a^2 + 3a + 4 = b^9 + 2b^6 + 3b^3 + 4$$

$$a^3 + 2a^2 + 3a + 4 = (b^3)^3 + 2(b^2)^3 + 3(b)^3 + 4 \rightarrow a^3 = (b^3)^3 \rightarrow a = b^3$$

$$a > 4, b > 4$$

$$a = 125, b = 5$$

$$x = \sqrt[3]{a} = \sqrt[3]{125} = 5$$

$$y = b^2 = 5^2 = 25$$

27. ZADATAK

Odredi $x_{(2)}$ i $y_{(5)}$ iz zadanog sustava jednadžbi:

$$\begin{cases} \frac{10_{(2)}}{x_{(2)}} - \frac{11_{(3)}}{y_{(5)}} = \frac{11_{(3)}}{F_{(16)}} \\ \frac{11_{(2)}}{x_{(2)}} - \frac{12_{(3)}}{y_{(5)}} = \frac{1}{10_{(2)}} \end{cases}$$

Rješenje:

$$x_{(2)} = 11, y_{(5)} = 20$$



Opis rješenja:



Pretvaranje u bazu 10:

$$\begin{cases} \frac{2_{(10)}}{x_{(10)}} - \frac{4_{(10)}}{y_{(10)}} = \frac{4_{(10)}}{15_{(10)}} \\ \frac{3_{(10)}}{x_{(10)}} - \frac{5_{(10)}}{y_{(10)}} = \frac{1}{2_{(10)}} \end{cases}$$
$$a = \frac{1}{x_{(10)}} \quad b = \frac{1}{y_{(10)}}$$

$$\begin{cases} 2a - 4b = \frac{4}{15} \\ 3a - 5b = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Rješenja sustava:

$$a = \frac{1}{3} \quad b = \frac{1}{10}$$

$$x_{(10)} = 3 \rightarrow x_{(2)} = 11$$

$$y_{(10)} = 10 \rightarrow y_{(5)} = 20$$

28. ZADATAK

Za zadani algoritam odredite vremensku složenost, ako je $n > 10^{12}$.

Python	C/C++
<pre>for i in range(n - 1): for j in range(i + 1, n): m = (i + j) // 2</pre>	<pre>for(i = 0; i < n - 1; i++) for(j = i + 1; j < n; j++) m = (i + j) / 2;</pre>

Rješenje:

$O(n^2)$



Opis rješenja: Broj elementarnih operacija se može izračunati kao:

$$T(n) = (n - 1) \cdot (n - i - 1) \cdot 3 = 3n^2 - 6n - 3i \cdot n + 3i + 3$$



te se zatim pod pretpostavkom jako velikog broja n zanemaruju konstantni i linearne elementi te nam preostaje samo kvadratni, n^2 vremenska složenost za veliki ulazni podatak n je $O(n^2)$

29. ZADATAK

Maja želi sortirati niz brojeva: 2, 1, 0, 4, 6, 3 i 5 pomoću funkcije Nekisort zapisane u programskim jezicima Python i C/C++:

Python:	C/C++
<pre>def Nekisort(niz): for i in range(len(niz)): zastavica = False for j in range(0, len(niz)-i-1): if niz[j] > niz[j+1]: pom = niz[j] niz[j] = niz[j+1] niz[j+1] = pom zastavica = True if not zastavica: break return niz</pre>	<pre>void Nekisort(int niz[], int n) { int i, j, pom, zastavica; for (i = 0; i < n; i++) { zastavica = 0; for (j = 0; j < n-i-1; j++) { if (niz[j] > niz[j+1]) { pom = niz[j]; niz[j] = niz[j+1]; niz[j+1] = pom; zastavica = 1; } } if (!zastavica) { break; } } }</pre>

- a) Koji brojevi zamijene mjesta u trećoj zamjeni?
- b) Koji je algoritam sortiranja prikazan kodom?

a) Koji brojevi zamijene mjesta u trećoj zamjeni?

Niz: 2, 1, 0, 4, 6, 3, 5

Opis rješenja:



2	1	0	4	6	3	5
1	2	0	4	6	3	5
1	0	2	4	6	3	5
1	0	2	4	6	3	5
1	0	2	4	6	3	5

→ 1. zamjena: 2, 1
→ 2. zamjena: 2, 0
→ 3. zamjena: 6, 3

Rješenje:

6 i 3



b) Koji je algoritam sortiranja prikazan kodom?

Rješenje:

A. Bubble sort



B. Insertion sort

C. Merge sort

D. Quick sort

c) Poveži metode sortiranja nizova s njihovim osnovnim karakteristikama:

1. Quick sort metoda	A. zasniva se na metodi podijeli pa vladaj, koristeći pivot člana niza
2. Selection sort metoda	B. pronalazi najmanji element u nizu i zamjenjuje prvim
3. Merge sort metoda	C. dijeli niz na dvije polovice, sortira pojedinu te ih nakon sortiranja opet spaja u cjelinu
4. Bubble sort metoda	D. zasniva se na usporedbi dvaju susjednih članova niza

Rješenje:



A	B	C	D
1	2	3	4

Literatura:



SVIJET INFORMATIKE 3 - udžbenik informatike s dodatnim digitalnim sadržajima u trećem razredu gimnazija
Dinka Šafar Đerki, Anica Leventić, Danijela Ivanović - Ižaković, Natalija Stjepanek, Vesna Tomić,
Školska knjiga, 2020., Zagreb

30. ZADATAK

Koji je izraz ekvivalentan zadanom matematičkom izrazu:

$$y = \frac{x^4 + 2x^2 + 1}{4x^2 + 4}$$

Rješenje:



Python

- A) $y = (x ** 4 + 2 * x ** 2 + 1) / 4 * x ** 2 + 4$
- B) $y = (x ** 4 + 2 * x ** 2 + 1) / 4 * (x ** 2 + 4)$
- C) $y = (x ** 2 + 1) / 4$
- D) $y = 4 * (x ** 2 + 1)$
- E) $y = (x ** 2 + 1) ** 2 / 4$

C/C++

- A) $y = (\text{pow}(x, 4) + 2 * \text{pow}(x, 2) + 1) / 4 * \text{pow}(x, 2) + 4;$
- B) $y = (\text{pow}(x, 4) + 2 * \text{pow}(x, 2) + 1) / 4 * (\text{pow}(x, 2) + 4);$
- C) $y = (\text{pow}(x, 2) + 1) / 4;$
- D) $y = 4 * (\text{pow}(x, 2) + 1);$
- E) $y = \text{pow}(\text{pow}(x, 2) + 1, 2) / 4;$

Opis rješenja:



$$y = \frac{x^4 + 2x^2 + 1}{4x^2 + 4}$$

$$y = \frac{(x^2 + 1)^2}{4(x^2 + 1)}$$

$$y = \frac{x^2 + 1}{4}$$

31. ZADATAK

Odredi na koju vrijednost treba inicijalizirati varijablu n tako da vrijednost varijable novi bude 4387?

C

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>

int main() {
    int x = 3874, novi;
    int n = _____;

    novi = (x % (int)pow(10, 4 - n)) * pow(10, n) + (x / (int)pow(10, 4 - n));
    return 0;
}
```

Rješenje: $n = 3$



$$\begin{aligned}(3874 \% 10^{4-3}) * 10^3 + 3874 / 10^{4-3} &= \\ &= 4 * 1000 + 387 \\ &= 4387\end{aligned}$$

Python

```
x = 3874
n =
novi = x % 10 ** (4 - n) * 10 ** n + x // 10 ** (4 - n)
```

32. ZADATAK

Što će se ispisati na zaslonu računala?

C

```
#include <stdio.h>

int main() {
    char ulaz[5 + 1] = "ABCDE", izlaz[5 + 1];
    int a = 2, b = 3, i = 0;
    while (ulaz[i] != '\0') {
        izlaz[i] = ((ulaz[i] - 'A') * a + b) % 26 + 'A';
        ++i;
    }
    izlaz[i] = '\0';
    printf("%s", izlaz);
    return 0;
}
```

Python

```
ulaz = "ABCDE"
izlaz = ""
a = 2
b = 3
i = 0

while i < len(ulaz):
    izlaz += chr(((ord(ulaz[i]) - ord('A')) * a + b) % 26 + ord('A'))
    i += 1
print(izlaz)
```

Rješenje:

DFHJL



izlaz[0]	$(0 + 3) \% 26 + 'A'$	'D'
izlaz[1]	$(1 * 2 + 3) \% 26 + 'A'$	'F'
izlaz[2]	$(2 * 2 + 3) \% 26 + 'A'$	'H'
izlaz[3]	$(3 * 2 + 3) \% 26 + 'A'$	'J'
izlaz[4]	$(4 * 2 + 3) \% 26 + 'A'$	'L'

33. ZADATAK

Što će se ispisati na zaslonu računala?

C

```
#include <stdio.h>

int f(int a, int b) {
    if (a == 0 && b == 0)
        return 1;
    else if (a < 0 && b >= 0)
        return -f(-a, -b);
    else if (a >= 0 && b < 0)
        return -f(a, -b);
    else if (a < 0 && b < 0)
        return f(-a, -b);
    else
        return -f(b, a - 1) + 2;
}

int main() {
    int a = -2, b = 0;
    printf("%d", f(a, b));
    return 0;
}
```

Python

```
def f(a, b):
    if a == 0 and b == 0:
        return 1
    elif a < 0 and b >= 0:
        return -f(-a, -b)
    elif a >= 0 and b < 0:
        return -f(a, -b)
    elif a < 0 and b < 0:
        return f(-a, -b)
    else:
        return -f(b, a - 1) + 2

a, b = -2, 0
print(f(a, b))
```

Rješenje:

1



1. korak: $f(-2, 0)$
2. korak: $-f(2, 0)$
3. korak: $-[-f(0,1) + 2]$
 $\rightarrow f(0,1) - 2$
4. korak: $-f(1, -1) + 2 - 2$
5. korak: $-(-f(1,1))$
6. korak: $-f(1,0) + 2$
7. korak: $-(-f(0,0) + 2) + 2$
 $\rightarrow f(0, 0) = 1$

34. ZADATAK

Odredi što će se ispisati na zaslonu računala ako je uvjet naredbe grananja zadan kao:

a) C/C++ $i \geq j$

b) C/C++ $i \% 2 == 0 \text{ \&& } j \% 2 != 1$

Python $i \geq j$

Python $i \% 2 == 0 \text{ and } j \% 2 != 1$

C

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int n = 3, m = 3;
    int x = 0;
    int L[n][m];
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < m; j++)
            L[i][j] = i + j;

    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < m; j++)
            if (x += L[i][j] * L[i][j];)
                printf("%d", x);
    return 0;
}
```

Python

```
n = 3
m = 3
x = 0
L = [[i+j for j in range(m)] for i in range(n)]

for i in range(n):
    for j in range(m):
        if x += L[i][j] * L[i][j]:
            print(x)
```

$$0^2 + 1^2 + 2^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 = 34$$

Rješenje: a) 34 b) 24



$$0^2 + 2^2 + 2^2 + 4^2 = 24$$

	j=0	j=1	j=2
i=0	0	1	2
i=1	1	2	3
i=2	2	3	4
	j=0	j=1	j=2
i=0	0	1	2
i=1	1	2	3
i=2	2	3	4

b)