

# Županijsko natjecanje iz informatike

Srednja škola

Druga podskupina (3. i 4. razred)

9. veljače 2018.

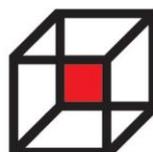
ime zadatka	<b>ETHEREUM</b>	<b>PODUZEĆE</b>	<b>FOUR</b>
vremensko ograničenje	1 sekunda	1 sekunda	2 sekunde
memorijsko ograničenje	512 MiB	512 MiB	512 MiB
broj bodova	40	50	60
	150		



Ministarstvo  
znanosti i  
obrazovanja



Agencija za odgoj i obrazovanje



HRVATSKA  
ZAJEDNICA  
TEHNIČKE  
KULTURE



HRVATSKI SAVEZ  
INFORMATIČARA

## Upute za natjecatelje

---

Sastavni dio kompleta zadataka su i ove upute te uvodna stranica na kojoj se nalaze važni podatci o zadacima. Molimo vas da i jedno i drugo pažljivo pročitate. Na ostalim stranicama nalaze se tri zadatka. Prilikom rješavanja zadataka preporučuje se korištenje olovke i papira za skiciranje i razradu algoritma.

Nakon završetka natjecanja, članovi županijskih povjerenstava poslat će izvorne kodove vaših rješenja na automatsku evaluaciju. Nakon završetka evaluacije za vašu županiju, rezultati evaluacije bit će dostupni putem sustava za evaluaciju na adresi <https://srednje.hsin.hr>.

Žalbe na rezultate evaluacije možete uputiti direktno Županijskom povjerenstvu (koje će vas obavijestiti o roku i načinu predaje žalbi) ili Državnom povjerenstvu na adresu [dp-informatika@azoo.hr](mailto:dp-informatika@azoo.hr). Rok za predaju žalbi Državnom povjerenstvu istječe *u ponoć na dan natjecanja*. Rok žalbi Državno povjerenstvo može dodatno produžiti u slučaju većih problema sa zadacima ili sustavom za evaluaciju.

### Ulazni i izlazni podatci

Kod svakog pojedinog zadatka obratite pozornost na sekcije *Ulazni podatci* i *Izlazni podatci*. Tu su definirana pravila vezana uz format ulaznih i izlaznih podataka koji mora biti strogo poštovan kako bi vaša rješenja bila ispravno evaluirana. Vaš program sa standardnog ulaza mora očekivati samo zadane ulazne podatke, a na standardni izlaz ispisivati samo tražene izlazne podatke bez ikakvih dodatnih poruka. Ako vaš program bude čekao na unos nečeg drugog osim ulaznih podataka ili ispisivao nešto drugo osim izlaznih podataka (npr. *Unesite brojeve...*, *Rješenje je...* i slično), nećete dobiti bodove jer evaluator to ne očekuje.

Vaši programi ne smiju pristupati datotekama ili ih kreirati te ne smiju pokretati nove procese ili koristiti više od jedne dretve (threada).

Prilikom rješavanja nekog zadatka i testiranja njegovog rješenja preporučuje se korištenje operatora redirekcije ulaza kako ne biste više puta nepotrebno unosili podatke preko tipkovnice. Na primjer, ulazne podatke za neki od oglednih primjera iz teksta zadatka možete spremirati u tekstualnu datoteku i testirati vaš program tako da ga pokrećete iz komandne linije na sljedeći način (pretpostavimo da se zadatak zove „Neboder“):

```
neboder < primjer.txt
```

Znak < je operator redirekcije ulaza i sve što se nalazi u datoteci `primjer.txt` bit će proslijeđeno vašem programu kao da je uneseno preko tipkovnice.

U slučaju Pythona potrebno je eksplicitno pozvati odgovarajući prevoditelj. Na primjer:

```
C:\Python27\python neboder.py < primjer.txt
```

### Bodovanje

Da bi program koji rješava neki zadatak dobio maksimalan broj bodova, primijenjeni algoritam mora biti najprije točan, ali i efikasan tj. brz. Test podatci unaprijed su osmišljeni tako da će programi koji koriste manje efikasne, ali valjane algoritme, također dobiti određeni broj bodova (npr. od ukupno 60 bodova, vrlo spor algoritam dobit će npr. 20 bodova, dok će dobar algoritam, ali ne i najbolji, dobiti npr. 40 bodova). Jako brz program koji ne daje točne rezultate, naravno, ne donosi bodove. Valjanost algoritma je na prvom mjestu, a brzina izvršavanja na drugom.

Različite zadatke možete rješavati u različitim jezicima, imajući na umu da će rješenja u Pythonu, zbog prirode jezika, biti sporija od ekvivalentnih rješenja u drugim dozvoljenim jezicima i da bi zato mogla na nekim test podacima premašiti vremensko ograničenje.

Neki od službenih test podataka mogu biti grupirani na način da rješenje dobiva bodove za pojedinu grupu (*cluster*) samo ako uspješno riješi sve test podatke iz grupe.

## Evaluacija

Bodove za pojedini test podatak dobit će samo oni programi koji budu generirali točan rezultat unutar navedenog vremenskog i memorijskog ograničenja, te regularno završe svoje izvođenje. Točnije, program se treba izvršiti do kraja. U programskim jezicima C/C++ to znači do `return 0;` na kraju funkcije `main` koja treba biti deklarirana kao `int main()`, ili do naredbe `exit(0);`.

Ne trebate predate izvršnu (exe) datoteku već samo predajete datoteku s izvornim kodom. Imena datoteka moraju odgovarati imenima zadataka, a ekstenzija datoteke mora odgovarati programskom jeziku i standardu u skladu s donjom tablicom (.c, .cpp, .cxx ili .py). Npr. ako se zadatak zove „Neboder“ i ako koristite C++11, predat ćete datoteku `neboder.cxx`. Na temelju odgovarajuće ekstenzije, za jezike C/C++ sustav za evaluaciju iz vašeg će izvornog kôda kreirati izvršnu datoteku na sljedeći način:

C	<code>gcc -DEVAL -O2 -o neboder neboder.c -lm</code>
C++	<code>g++ -DEVAL -O2 -o neboder neboder.cpp</code>
C++11	<code>g++ -DEVAL -std=c++11 -O2 -o neboder neboder.cxx</code>

Za rješenja u Pythonu, kako bi evaluator prepoznao koristite li verziju 2 ili verziju 3, prva linija u kodu mora točno odgovarati jednom od sljedećeg:

- `#!/usr/bin/python2`
- `#!/usr/bin/python3`

Za evaluaciju će se koristiti verzije prevoditelja 2.7 odnosno 3.5, a prije izvođenja vaš kod bit će preveden u bytecode naredbom `python -m py_compile neboder.py`.

Računalo na kojem se vrši evaluacija je Linux računalo s Ubuntu 16.04 LTS 64-bitnim operativnim sustavom i sljedećim verzijama prevoditelja: gcc 4.9, g++ 4.9. Preporučujemo da svoja rješenja obavezno isprobate sa gcc ili g++ prevoditeljima s gore navedenim opcijama, osobito ako koristite neki drugi alat (npr. Microsoft Visual Studio) tijekom natjecanja. Da bi vaše rješenje bilo uspješno prevedeno, morate koristiti samo standardne biblioteke, tj. ne smijete koristiti naredbe i funkcije specifične za Windowse.

## Primjeri pravilno napisanih programa

*Zadatak:* Napišite program koji će zbrojiti i oduzeti dva cijela broja.

*Ulaz:* U prvom retku nalaze se dva cijela broja A i B, međusobno odvojena jednim razmakom.

*Izlaz:* U prvi redak ispišite zbroj, a u drugi redak razliku brojeva A i B.

<p><b>C</b></p> <pre>#include &lt;stdio.h&gt; int main(void) {     int a, b;     scanf("%d%d", &amp;a, &amp;b);     printf("%d\n", a + b);     printf("%d\n", a - b);     return 0; }</pre>	<p><b>C++</b></p> <pre>#include &lt;iostream&gt; using namespace std; int main(void) {     int a, b;     cin &gt;&gt; a &gt;&gt; b;     cout &lt;&lt; a + b &lt;&lt; endl;     cout &lt;&lt; a - b &lt;&lt; endl;     return 0; }</pre>	<p><b>Python 2</b></p> <pre>#!/usr/bin/python2 a, b = map(int, raw_input().split()) print a + b print a - b</pre> <p><b>Python 3</b></p> <pre>#!/usr/bin/python3 a, b = map(int, input().split()) print(a + b) print(a - b)</pre>
---	---	---

## Upute za natjecatelje

---

### Česte pogreške

Donosimo listu **čestih i nepotrebnih pogrešaka** na natjecanjima ovog tipa. Sve od sljedećeg može rezultirati time da će evaluator dodijeliti nula bodova vašem rješenju.

- Manjak inicijalizacije lokalnih varijabli: U jezicima C i C++ lokalne varijable (što uključuje i varijable deklarirane unutar funkcije `main`) ne inicijaliziraju se automatski te njihova početna vrijednost nije definirana. Obavezno inicijalizirajte vrijednost svih lokalnih varijabli, inače je moguće da vaš program dobro radi lokalno, a dobije nula bodova na sustavu za evaluaciju.
- Rješenje alocira premala polja: Ako ne alocirate dovoljno velika polja, moguće je da vaš program dobro radi za primjere iz teksta zadatka, a dobije nula bodova na evaluatoru. Na primjer, ako s ulaza trebate pročitati niz od najviše 1000 znakova, u jeziku C potrebno je alocirati polje od najmanje 1001 elementa (`char s[1001]`).
- Korištenje `conio.h` u jezicima C i C++. Korištenje sintakse, tipova i funkcija specifičnih za Microsoftove C i C++ prevoditelje, npr. tip podataka `int64`.
- Rješenja čekaju na pritisnutu tipku nakon ispisa rezultata, npr. zbog naredbe `system("pause")`.
- Rješenja ispisuju rezultate u pogrešnom formatu, na primjer, ispisuju dva broja svaki u svoj redak umjesto u istom retku.
- Rješenja ispisuju višak podataka na standardni izlaz, npr. debug informacije ili poruke poput "Upišite broj:", "Rješenje je:" i slično.
- Glavna funkcija u jezicima C i C++ definirana je kao `void main()` ili nema naredbe `return 0;`.
- Manjak potrebnih include direktiva u jezicima C i C++.
- Korištenje naredbi `itoa` (koje nema pod Linuxom) ili `atoi` (koja radi malo drugačije pod Linuxom). Umjesto njih preporučamo korištenje funkcija `sscanf` i `sprintf`.
- Rješenje alocira prevelika polja: Nepotrebno glomazna polja mogu prouzročiti da vaše rješenje prekorači memorijsko ograničenje i dobije nula bodova na evaluatoru. Primjerice, u jeziku C polje deklarirano sa `int x[1024][1024][100]` koristi 400MiB memorije.

Dodatno, natjecateljima koji koriste C i C++ savjetujemo da prilikom testiranja obavezno uključite optimizacijsku opciju koja se koristi na sustavu na evaluaciju (`-O2`) te opcije koji upozoravaju na moguće probleme u kodu (primjerice `-Wall -Wextra`). Niže je ilustracija takvog prevođenja jednog rješenja sa Županijskog natjecanja 2016. godine. Prvo upozorenje koje je prijavio prevoditelj je lažna uzbuna, dok drugo ukazuje na stvarnu grešku (neinicijalizirana varijabla) zbog koje je natjecatelj nepotrebno izgubio bodove.

```
$ g++ -O2 -o poli.exe poli.cpp -Wall -Wextra
poli.cpp: In function 'int main()':
poli.cpp:16:20: warning: comparison between signed and unsigned integer expressions [-Wsign-compare]
   for (int i = 0; i < in.length(); ++i)
                   ~
poli.cpp:36:29: warning: 'curr' may be used uninitialized in this function [-Wmaybe-uninitialized]
   num[(curr == 0 ? 1 : curr) - 1] = val;
```

Mladom Dominiku baka je dala 10 eura za sladoled. Umjesto da se udeblja i pokvari zube jedući sladoled, Dominik je kao pravi poduzetnik odlučio novac uložiti u kriptovalute. Njegov osobni bankar dostavio mu je predviđanja cijene ethereuma za idućih  $N$  dana, a Dominik je odlučio ulagati na sljedeći način:

1. prvo će odabrati jedan dan kada će **svih 10 eura** uložiti u ethereum,
2. u jednom od dana nakon toga prodat će **sve** ethereume za eure,
3. konačno, u jednom od dana nakon toga opet će kupiti ethereume (i pritom potrošiti **sve eure**).

Dominik još nije odlučio kojeg će dana krenuti u akciju, tj. kupiti ethereume za 10 eura. Vaš je zadatak pomoći Dominiku i odrediti koliko najviše ethereuma on može imati nakon izvršavanja cijelog plana **ovisno o početnom danu** koji odabere.

### ULAZNI PODATCI

U prvom retku nalazi se prirodan broj  $N$  ( $3 \leq N \leq 100\,000$ ), broj dana.

U svakom od sljedećih  $N$  redaka nalazi se jedan realan broj zaokružen na 3 decimale – cijena ethereuma toga dana (u eurima). Cijena neće biti manja od 0.01 EUR ni veća od 100 000 EUR.

### IZLAZNI PODATCI

Ispišite  $N - 2$  realnih brojeva, svaki u svom retku. U  $K$ -ti redak ispišite najveći broj ethereuma koje Dominik može imati po izvršetku svog plana ako prvi korak napravi  $K$ -ti dan. Rezultat će se smatrati točnim ako odstupa od službenog za najviše 0.001.

### BODOVANJE

U test podacima ukupno vrijednima 30% bodova bit će  $3 \leq N \leq 500$ .

U test podacima ukupno vrijednima 60% bodova bit će  $3 \leq N \leq 5000$ .

### PRIMJERI TEST PODATAKA

**ulaz**

3  
10.000  
0.100  
10.000

**izlaz**

0.01

**ulaz**

8  
118.915  
56.144  
8.232  
324.648  
481.128  
21.693  
300.122  
121.165

**izlaz**

1.865110  
3.950369  
26.942361  
0.683169  
0.051483  
1.141829

*(Pojašnjenja se nalaze na sljedećoj stranici.)*

## Zadatak ETHEREUM

Županijsko natjecanje iz informatike 2018.

1 sekunda / 512 MiB / 40 bodova

Druga podskupina (3. i 4. razred)

---

---

**Pojašnjenje prvog primjera:** Jedini način da Dominik provede svoj plan jest da kupuje prvi dan, prodaje drugi i opet kupuje treći dan. Prvi dan kupio je 1 ethereum za 10 EUR, idući dan ga prodao za 0.1 EUR, i treći dan od tog novca kupio 0.01 ethereum.

**Pojašnjenje drugog primjera:** Kao što vidimo, tržište valuta može biti nepredvidivo. Ako Dominik kupuje treći dan, najviše mu se isplati prodati peti i opet kupiti šesti dan. Ako kupuje peti dan, najviše mu se isplati prodati sedmi i opet kupiti osmi dan.

Nakon mnogo godina bavljenja umjetnošću, mladi Florijan želi se zaposliti u jednom konglomeratu. Ondje je zaposleno  $N$  osoba označenih brojevima od 1 do  $N$ , od koji su neki **stažisti**. Florijan poznaje sve stažiste u tom poduzeću i fasciniran je masivnošću hijerarhije.

U hijerarhiji poduzeća vrijedi da svaki zaposlenik ima točno jednog šefa, osim glavnog šefa, tj. direktora koji nema šefa iznad sebe. U hijerarhiji ne postoji ciklus, tj. hijerarhija je oblika stabla. Također vrijedi da **stažist ne može biti nadređen zaposlenicima koji nisu stažisti**.

Razgovarajući sa stažistima, Florijan je skupio popriličan broj informacija o izgledu **dijela** hijerarhije. Naime, za svakog stažista saznao je tko mu je šef (moguće je da mu je šef također stažist). Florijan se sada zabavlja računajući udaljenost nekih dvaju stažista u hijerarhiji, koju računa kao broj šefova između tih stažista.

Preciznije, **udaljenost u hijerarhiji** za dva zaposlenika dobivamo tako da, penjući se po hijerarhiji počevši od njih, ubrojimo sve njihove izravne i neizravne šefove do prvog zajedničkog šefa (uključujući i njega). Ako je jedan od promatranih dvaju zaposlenika nadređen drugome (izravno ili neizravno), brojimo samo šefove koji se u hijerarhiji nalaze strogo između njih.

Pomozite mladom Florijanu odrediti **najveću udaljenost dvaju stažista u cijeloj hijerarhiji**, ako je taj broj moguće odrediti (ne zanimaju ga koji su točno stažisti najudaljeniji).

### ULAZNI PODATCI

U prvom retku nalaze se dva prirodna broja  $N$  i  $M$ , ukupan broj zaposlenika u poduzeću i broj stažista ( $2 \leq M < N \leq 100\,000$ ).

U sljedećih  $M$  redaka nalaze se po dva prirodna broja  $S$  i  $\check{S}$ , oznaka stažista i njegovog šefa ( $2 \leq S, \check{S} \leq N, S \neq \check{S}$ ). Nijedan stažist neće imati dva šefa.

### IZLAZNI PODATCI

U jedini redak ispišite traženi najveći broj šefova između dvaju stažista. Ako taj broj nije moguće odrediti, ispišite -1.

### BODOVANJE

U barem 50% test podataka vrijedit će  $N \leq 1000$ .

### PRIMJERI TEST PODATAKA

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
5 4	7 4	3 2
2 1	1 2	2 1
3 2	2 3	3 1
4 3	4 5	<b>izlaz</b>
5 4	5 6	1
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	
2	-1	

*(Pojašnjenja se nalaze na sljedećoj stranici.)*

## Zadatak **PODUZEĆE**

Županijsko natjecanje iz informatike 2018.

1 sekunda / 512 MiB / 50 bodova

Druga podskupina (3. i 4. razred)

---

---

**Pojašnjenje prvog primjera:** Između stažista 5 i 2 postoje dva šefa: 4 i 3.

**Pojašnjenje drugog primjera:** Zaposlenik 7 može biti šef zaposleniku 3, a i zaposleniku 6; također je moguće da je zaposlenik 6 šef zaposlenika 3. Zbog nedostatka informacija ne možemo biti sigurni u najveći broj šefova između dvaju stažista.

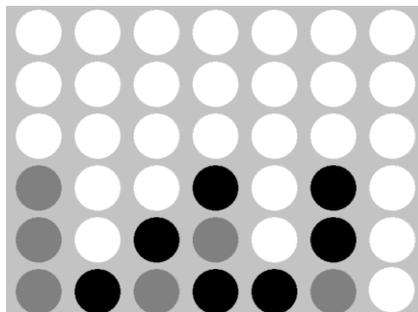
## Zadatak FOUR

2 sekunde / 512 MiB / 60 bodova

Županijsko natjecanje iz informatike 2018.

Druga podskupina (3. i 4. razred)

"Connect Four" kombinatorna je igra dvaju igrača na okomitoj ploči sa šest redova i sedam stupaca, koja je na početku igre prazna, a tijekom igre u nju se ubacuju žetoni. Žeton se ubacuje u odabrani stupac ploče (ako u njemu ima slobodnih polja) i nakon ubacivanja žeton pada po tom stupcu do najnižeg slobodnog polja.



Na početku igre svaki igrač odabire boju svojih žetona. Tijekom igre, igrači naizmjenice vuku poteze ubacujući žetone svoje boje. Cilj je svakog igrača ostvariti niz od četiri žetona svoje boje koji su uzastopni u redu, stupcu ili po dijagonali. Igra završava čim se to dogodi i odgovarajući igrač proglašava se pobjednikom.

Tijekom jedne igre, igračima je stigla pizza koju su naručili iz obližnje pizzerije, pa su odlučili igru završiti što prije. Dogovorili su se da će odigrati najkraći niz poteza koji će rezultirati pobjedom igrača 1, onoga koji je na potezu u trenutku dogovora. Vaš je zadatak za zadano stanje ploče pronaći taj niz poteza.

Napomena: test podatci bit će takvi da će pobjednički niz sadržavati najviše 7 poteza (brojeći poteze oba igrača).

### ULAZNI PODATCI

Ulaz se sastoji od šest redaka koji predstavljaju izgled ploče, redom od najvišeg do najnižeg reda. Svaki redak sadrži sedam znakova 0, 1 i 2 (bez razmaka). Znak 0 predstavlja prazno polje, znak 1 predstavlja žeton igrača na potezu, a znak 2 predstavlja žeton drugog igrača.

U skladu s gravitacijom, iznad praznog polja neće biti žetona. Na zadanoj ploči još nema pobjednika (ali ona možda i nije nastala naizmjeničnim potezima igrača).

### IZLAZNI PODATCI

Ispišite najkraći niz poteza koji završava pobjedom igrača 1. Niz treba biti ispisan kao niz znakova od '1' do '7' (bez razmaka) od kojih pojedini znak označava redni broj stupca u koji igrač koji je tada na potezu treba ubaciti svoj žeton. (Igrač 1 vuče prvi, igrač 2 drugi, igrač 1 treći potez itd.)

Ako traženih najkraćih nizova ima više, među njima treba ispisati onaj koji je leksikografski najmanji, tj. onaj koji sadrži najmanji prvi znak, a u slučaju jednakosti prvog znaka, onaj koji sadrži najmanji drugi znak, i tako dalje.

*(Primjeri se nalaze na sljedećoj stranici.)*

**PRIMJERI TEST PODATAKA**

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
0000000	0000000	0000000
0200201	2000000	0000000
0100101	1000000	1000000
0110201	2012000	1010021
0220102	2021100	2022021
0112101	2121220	2112212
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>
4	677	131

**Pojašnjenje prvog primjera:** Ubacivanjem u 4. stupac igrač 1 ostvaruje niz od četiri svoja žetona dijagonalno i pobjeđuje. Pobjedu bi ostvario i ubacivanjem u 7. stupac, ali niz „4“ leksikografski je manji od niza „7“.

**Pojašnjenje drugog primjera:** Igrač 1 ubacuje u 6. stupac, nakon čega igrač 2 ubacuje u 7. stupac, čime omogućuje igraču 1 da ubacivanjem u 7. stupac ostvari vodoravni niz od četiri svoja žetona.

**Pojašnjenje trećeg primjera:** Niz „121“ nije ispravan jer bi u tom slučaju igrač 2 pobijedio nakon drugog poteza.