

# 2017 iz informatike **Natjecanje**

**10. veljače 2017.**

Županijska razina / Osnovna škola (5. i 6. i 7. i 8. razred)

Primjena algoritama OŠ

## **OPISI ALGORITAMA**



Agencija za odgoj i obrazovanje  
Education and Teacher Training Agency



HRVATSKI SAVEZ  
INFORMATIČARA



Ministarstvo znanosti,  
obrazovanja i sporta



HRVATSKA  
ZAJEDNICA  
TEHNIČKE  
KULTURE



## 5.1. Zadatak: Istok

Autor: Nikola Dmitrović

Prvu rečenicu iz zadatka („Kada se licem okrenemo prema istoku, iza leđa nam je zapad. Lijevom rukom pokazujemo na sjever, a desnom na jug“) možemo jednostavno prevesti u odabrani programski jezik i tako si osigurati dio bodova koji su se mogli osvojiti na ovom zadatku.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
O = input()
S = int(input())
# 0 - lijevo # 1 - desno # 2 - iza nas
if O == "I":
    if S == 0: print("S")
    if S == 1: print("J")
    if S == 2: print("Z")
```

Po uzoru na prvi dio koda trebamo pokriti i ostale kombinacije. Za to će biti najbolje da na papir nacrtamo situaciju iz prve rečenice zadatka i na taj način odredimo ostale slučajeve.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
if O == "Z":
    if S == 0: print("J")
    if S == 1: print("S")
    if S == 2: print("I")
if O == "S":
    if S == 0: print("Z")
    if S == 1: print("I")
    if S == 2: print("J")
if O == "J":
    if S == 0: print("I")
    if S == 1: print("Z")
    if S == 2: print("S")
```

**Potrebno znanje:** naredba odlučivanja

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
117	39	18,73



## 5.2. Zadatak: Sto

Autor: Adrian Satja Kurđija

Brojeve učitavamo *for*-petljom koja ide od 1 do  $N$ . Da bismo mogli računati zbrojeve dvaju ili triju uzastopnih brojeva, nužno je pamtitи posljednja dva učitana broja A i B (u pomoćnim varijablama). Kada učitamo novi broj C, provjeravamo je li  $A + B + C = 100$  ili  $B + C = 100$ . Ako jest, ispisujemo rješenje i prekidamo petlju (*break*) ili nekom pomoćnom varijablu označimo da je rješenje pronađeno da ne bismo poslije ispisali još neko rješenje. Nakon svakog koraka, posljednja dva učitana broja valja ažurirati: A i B poprimaju vrijednosti B i C.

Programski kod (pisan u Python 3.x)

```
n = int(input())
a, b = 0, 0
for i in range(n):
    c = int(input())
    if b + c == 100:
        print(b)
        print(c)
        break
    if a + b + c == 100:
        print(a)
        print(b)
        print(c)
        break
    a, b = b, c
```

**Potrebno znanje:** naredba ponavljanja

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
117	4	5,89

## 5.3. Zadatak: Trek

Autor: Adrian Satja Kurđija

Zadatak se može riješiti razmatrajući mnogo slučajeva, ali postoje kraća i elegantnija rješenja koja su otpornija na pogreške. Posao nam skraćuje nekoliko zaključaka.

- Dovoljno je promatrati samo nekoliko osnovnih slučajeva ovisno o tome na kojim se kružnicama (unutarnjoj ili vanjskoj) nalaze točke A i B.
- Ako se A i B obje nalaze na unutarnjoj kružnici, put će ići samo po toj kružnici.
- Ako su A i B susjedne točke na vanjskoj kružnici, put će ići po vanjskoj kružnici.



- U svim ostalim slučajevima, jednu ili obje točke A i B „spuštamo“ na unutarnju kružnicu i „spajamo“ ih putem po unutarnjoj kružnici.
- Radi jednostavnosti možemo uzeti da je  $A > B$ , zamjenjujući varijable A i B ako je  $A < B$ .
- Sada lako računamo broj hodnika između A i B koji se nalaze na istoj kružnici: uzimamo ili razliku  $A - B$  ili njezin komplement (ostatak kružnice)  $7 - (A - B)$ , ovisno što je manje.

Programski kod (pisan u Python 3.x)

```
a = int(input())
b = int(input())

if a < b:
    a, b = b, a

# Ako put ide samo po unutarnjoj:
if a <= 7 and b <= 7:
    print(10 * min(a - b, 7 - (a - b)))

# Ako put ide samo po vanjskoj:
elif a > 7 and b > 7 and (a - b == 1 or a - b == 6):
    print(30)

else:
    # S vanjske idemo na unutarnju...
    a -= 7
    put = 20
    if b > 7:
        b -= 7
        put += 20
    # ... i putujemo po unutarnjoj:
    if a < b:
        a, b = b, a
    put += 10 * min(a - b, 7 - (a - b))
print(put)
```

**Potrebno znanje:** naredba odlučivanja

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
117	0	14,74



## 6.1. Zadatak: Utah

Autor: Nikola Dmitrović

Pretpostavimo na početku da želimo riješiti samo dio zadatka za pola bodova kako je to opisano u sekciji „Bodovanje“. Ako Utah može ostvariti pobjedu samo u slučaju kad izbacimo točnu jednu četvrtinu, tada to možemo riješiti tako da izbacimo svaku od četiri četvrtine i provjerimo kada će Utah odnijeti pobjedu.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
J1, J2, J3, J4 = map(int, input().split())
B1, B2, B3, B4 = map(int, input().split())

# izbačena četvrta četvrtina
if J1 + J2 + J3 > B1 + B2 + B3:
    print(J1 + J2 + J3, B1 + B2 + B3)

# izbačena treća četvrtina
if J1 + J2 + J4 > B1 + B2 + B4:
    print(J1 + J2 + J4, B1 + B2 + B4)

# izbačena četvrt četvrtina
if J1 + J3 + J4 > B1 + B3 + B4:
    print(J1 + J3 + J4, B1 + B3 + B4)

# izbačena prva četvrtina
if J2 + J3 + J4 > B2 + B3 + B4:
    print(J2 + J3 + J4, B2 + B3 + B4)
```

Međutim, za riješiti problem u potpunosti potrebno je u rješenje ukomponirati algoritam za traženje najveće vrijednosti. Za svaku izbačenu četvrtinu treba provjeriti:

- hoće li Utah u tom slučaju pobijediti,
- ako hoće, tada treba provjeriti kojom će se to razlikom dogoditi,
- i tom slučaju provjeriti je li ta razlika veća od do tada najveće razlike (koja je u početku nula).
- Ako je veća, tada treba zapamtiti rezultat koji je doveo do toga.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
J1, J2, J3, J4 = map(int, input().split())
B1, B2, B3, B4 = map(int, input().split())
razlika = 0

# izbačena četvrta četvrtina
if J1 + J2 + J3 > B1 + B2 + B3: # ako je Utah pobijedio..
    Utah = J1 + J2 + J3 # Utah=broj postignutih koševa Utaha
    Bulls = B1 + B2 + B3 # Bulls=broj postignutih koševa Bullsa
    if Utah - Bulls > razlika: # ako je razlika veća..
        razlika = Utah - Bulls # razlika dobiva novu vrijednost
    X = Utah # zapamtimo broj koševa za Utah
```



```
Y = Bulls # zapamtimo broj koševa za Bulls  
# izbačena treća četvrtina  
if J1 + J2 + J4 > B1 + B2 + B4:  
    Utah = J1 + J2 + J4  
    Bulls = B1 + B2 + B4  
    if Utah - Bulls > razlika:  
        razlika = Utah - Bulls  
        X = Utah  
        Y = Bulls  
    # izbačena druga četvrtina  
    if J1 + J3 + J4 > B1 + B3 + B4:  
        Utah = J1 + J3 + J4  
        Bulls = B1 + B3 + B4  
        if Utah - Bulls > razlika:  
            razlika = Utah - Bulls  
            X = Utah  
            Y = Bulls  
    # izbačena prva četvrtina  
    if J2 + J3 + J4 > B2 + B3 + B4:  
        Utah = J2 + J3 + J4  
        Bulls = B2 + B3 + B4  
        if Utah - Bulls > razlika:  
            razlika = Utah - Bulls  
            X = Utah  
            Y = Bulls  
print(X, Y)
```

Zadatak se mogao riješiti i puno kraće ako bi se koristila lista i neke njene metode.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
j = list(map(int, input().split()))  
b = list(map(int, input().split()))  
r = []  
for i in range(4):  
    r.append(sum(j) - j[i] - (sum(b) - b[i]))  
i = r.index(max(r))  
print(sum(j) - j[i], sum(b) - b[i])
```

**Potrebno znanje:** naredba odlučivanja, algoritam određivanja najveće vrijednosti



**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
79	13	18,16

## 6.2. Zadatak: Jard

Autor: Nikola Dmitrović

Zadana je tablica odnosa između mjernih jedinica:

	palac	stopa	jard	milja
kilometar	39370.1	3280.84	1093.61	0.621371

Jasno je da su zadani samo odnosi između kilometra s jedne strane te palca, stope, jarda i milje s druge strane. Da bi odredili odnos između palca, stope, jarda i milje morat ćemo koristiti kilometar kao pomoćnu mjeru. Za to nam treba malo matematike ili dobro razmišljanje.

Npr., odredimo odnos između jednog palca i jednog jarda tj. želimo izračunati:

$$1 \text{ palac} = ? \text{ jarda}$$

Znamo da vrijedi:

$$\begin{aligned}1 \text{ kilometar} &= 39370.1 \text{ palca} \\1 \text{ kilometar} &= 1093.61 \text{ jarda}\end{aligned}$$

Lijeve strane su jednake, izjednačimo onda i desne strane izraza:

$$39370.1 \text{ palca} = 1093.61 \text{ jarda}$$

Uz malu pomoć jednostavne matematike lako odredimo da je traženi odnos:

$$\begin{aligned}1 \text{ palac} &= \frac{1093.61}{39370.1} \text{ jarda} \\1 \text{ palac} &= 0.027777 \text{ jarda}\end{aligned}$$

Iz ovog jednostavnog izvoda možemo odrediti opću formulu koju možemo koristiti za određivanje svih omjera.

Zbog rečenice iz zadatka „Tvoje rješenje smatrati će se točnim ako se od službenog razlikuje za manje od 0.001 ( $|tvoje - službeno| \leq 0.001$ )“ dovoljno je ispisati rješenje sa svim decimalama onako kako to programski jezik omogućuje.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
D = int(input())
N = int(input())
M = int(input())
odnosi = [1, 39370.1, 3280.84, 1093.61, 0.621371]
print(D * odnosi[M - 1] / odnosi[N - 1])
```

**Potrebno znanje:** osnovne matematičke operacije



**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
79	5	15,3

### 6.3. Zadatak: Kviz

Autor: Adrian Satja Kurđija

Učitane brojeve spremamo u niz i za svaki broj idemo „unatrag“ po nizu, pribrajajući mu prethodne brojeve i provjeravajući je li zbroj tih  $K$  brojeva prost. Prostost broja provjeravamo tako da provjerimo ima li on djelitelja većih od 1 i manjih od samoga sebe. Za implementacijske detalje pogledajte donji kod.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
def prost(x):  
    if x == 1: return False  
  
    for i in range(2, x):  
        if x % i == 0:  
            return False  
  
    return True  
  
n, k = map(int, input().split())  
a = []  
  
for i in range(n):  
    a.append(int(input()))  
  
    for j in range(i, -1, -1):  
        if not prost(sum(a[j : i + 1])):  
            continue  
  
        if k == 0 or len(a[j : i + 1]) == k:  
            for x in a[j : i + 1]:  
                print(x)  
  
            exit(0)
```

**Potrebno znanje:** nizovi

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
79	2	6,94



## 7.1. Zadatak: Milja

Autor: Nikola Dmitrović

Vidi opis zadatka 6.2. Jard.

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
66	14	23.39

## 7.2. Zadatak: Slaven

Autor: Nikola Dmitrović

Tijek rješavanja ovog zadatka možemo podijeliti u tri dijela. Za 21 bod možemo samo pronaći najdulji niz nepobjedivosti jer neće postojati utakmica koja bi se mogla zanemariti. Njega možemo pronaći tako da ćemo se krećati po stringu i brojati znakove koji su različiti od „L“. U onom trenutku kada dodemo do „L“ brojač u koji smo spremali broj utakmica bez poraza usporedimo s do tada najvećom duljinom i resetiramo brojač na nula.

Funkcija za određivanje najdužeg niza nepobjedivosti (pisana u Python 3.x)

```
def nepobjedivost(s):  
    najveci = 0                      #najveći niz nepobjedivosti u početku je nula  
    d = 0                            #d je duljina trenutnog podniza nepobjedivosti  
    for i in range(len(s)):          #krećemo se po nizu utakmica  
        if s[i] != 'L':              #ako znak nije „L“  
            d += 1                  #povećaj duljinu podniza nepobjedivosti  
        else:                      #ako je „L“  
            if d > najveci:          #provjeri je duljina podniza veća od „najveći“  
                najveci = d          #ako jeste, pronašli smo dulji niz nepobjedivosti  
            d = 0                  #resetiraj duljinu podniza  
    najveci = max(najveci, d) #zbog zadnjeg podniza koji ne završava s „L“  
    return najveci             #vrati duljinu najvećeg niza nepobjedivosti
```

Koristeći ovu funkciju možemo sada riješiti drugi dio zadatka za još 21 bod. Kako iz sekcije „Bodovanje“ znamo da će postojati samo jedna utakmica koja bi se mogla zanemariti, tada ćemo iz originalnog stringa obrisati znak „L“ koji se pojavljuje u jednom od četiri moguća podstringa „WLW“, „WLD“, „DLW“, „DLD“. U Pythonu za to možemo iskoristiti metodu *replace*, npr. `s = s.replace("WLW", "WW")`.

Za cijelovito rješenje zadatka moramo pronaći način kako iz originalnog stringa obrisati po jednu utakmicu koja zadovoljava navedeni uvjet, odrediti vrijednost funkcije na takvom stringu te to ponoviti za svaku takvu utakmicu. Jedan od načina je da se krećemo po stringu i kada dođemo do znaka „L“ provjerimo koji znak mu prethodi, a koji slijedi. U povoljnim situacijama, kreiramo novi string u kojem nema tog znaka „L“ i za njega odredimo vrijednost funkcije.

Programski kod (pisani u Python 3.x)

```
N = int(input())
```



```
tekme = input()
niz = nepobjedivost(tekme)
for i in range(1, N - 1):
    if tekme[i]=='L' and tekme[i-1] in ['D','W'] and tekme[i + 1] in ['D','W']:
        s = tekme[:i] + tekme[i + 1:]
        if nepobjedivost(s) > niz:
            niz = nepobjedivost(s)
print(niz)
```

**Potrebno znanje:** string

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
66	7	24.39

### 7.3. Zadatak: Tinta

Autor: Adrian Satja Kurđija

Zadatak je najefikasnije riješiti rekurzijom (što su neki natjecatelji i učinili). Ovdje dajemo jednostavnije i nešto sporije rješenje: *for*-petljom prolazimo po prirodnim brojevima koji dolaze u obzir, tj. po višekratnicima broja  $K$  koji imaju traženi broj znamenaka, te za svaki od njih provjeravamo (znamenku po znamenku) odgovara li njegov dekadski zapis zadanom „umrljanom“ zapisu.

*Programski kod (pisan u Python 3.x)*

```
a = input()
n = len(a)
k = int(input())
x = k
mogucih = 0
while x < 10**n:
    b = str(x)
    x += k
    if len(b) != n:
        continue
    for i in range(n):
        if a[i] != '*' and a[i] != b[i]:
            b = None
            break
    if b is not None:
        mogucih += 1
```



```
mogucih += 1  
print(mogucih)
```

**Potrebno znanje:** stringovi

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
<b>66</b>	<b>3</b>	<b>14</b>



## 8.1. Zadatak: Baterija

Autor: Nikola Dmitrović

Kada Lucija uopće ne bi koristila mobitel tijekom punjenja, on bi se u X-toj minuti napunio do  $X * 2$  posto. Za svaku minutu prije X-te minute u kojoj Lucija koristi mobitel od maksimalne napunjenoosti trebamo oduzeti jedan jer se u tim minutama baterija puni jedan, a ne dva posto. Uočimo da se vrijednost varijable X nalazi u posljednjem retku ulaznih podataka zbog čega je prvo potrebno minute u kojima se mobitel koristio učitati u niz.

Programski kod (pisan u Python 3.x)

```
M = int(input())  
  
koristenje = []  
  
for i in range(M):  
    koristenje += [int(input())]
```

```
X = int(input())  
  
baterija = X * 2  
  
  
for i in koristenje:  
    if i <= X:  
        baterija -= 1  
  
print(baterija)
```

**Potrebno znanje:** naredba odlučivanja, naredba ponavljanja, nizovi

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
38	31	35

## 8.2. Zadatak: Sudar

Autor: Adrian Satja Kurdija

Da bismo riješili zadatak, trebamo implementirati nekoliko stvari.

- Simuliranje kretanja robota. Ovdje su od velike pomoći pomoćni nizovi ili rječnici  $dx$ ,  $dy$  iz donjeg rješenja koji za pojedini smjer daju odgovarajuće pomake po  $x$  i  $y$  koordinati pa robota možemo pomicati bez  $if$ -ova. Simuliranje je malo zakomplicirano činjenicom da najprije moramo 5 sekundi pomicati prvog robota, potom neko vrijeme oba robota istodobno, i potom eventualno neko vrijeme robota A ili robota B. Za implementacijske detalje pogledajte donji kod.
- Uočavanje sudara. Primijetimo da se sudar događa kada robot A prelazi na prethodnu poziciju robota B, a robot B prelazi na prethodnu poziciju robota A. Ako pozicije  $(x, y)$  svakog robota



spremamo u njegov niz, lako je provjeriti je li se dogodio sudar jer su posljednje pozicije robota spremljene na krajevima odgovarajućih nizova.

- Brojenje posjećenih točaka. Ovo možemo učiniti npr. sortiranjem nizova spomenutih u prethodnoj točki i potom eliminiranjem „duplicata“ koji se u sortiranom nizu pojavljuju uzastopce. Alternativno možemo koristiti strukturu *set* (ona automatski izbacuje duplike) ili bilježiti posjećena polja u nekoj matrici (u tom slučaju valja smisliti kako riješiti problem negativnih koordinata).

Programski kod (pisan u Python 3.x)

```
dx = {'S': 0, 'J': 0, 'I': 1, 'Z': -1}
dy = {'S': 1, 'J': -1, 'I': 0, 'Z': 0}

a = input()
b = input()
ax, ay = 0, 0
bx, by = 0, 0

A = [(0, 0)]
B = [(0, 0)]

for i in range(5):
    ax += dx[a[i]]
    ay += dy[a[i]]
    A.append((ax, ay))

a = a[5:]
sudari = 0
m = min(len(a), len(b))
for i in range(m):
    ax += dx[a[i]]
    ay += dy[a[i]]
    bx += dx[b[i]]
    by += dy[b[i]]
    if (ax, ay) == B[-1] and (bx, by) == A[-1]:
        sudari += 1
    A.append((ax, ay))
    B.append((bx, by))
```



```
a = a[m:]
b = b[m:]

for i in range(len(a)):
    ax += dx[a[i]]
    ay += dy[a[i]]
    A.append((ax, ay))

for i in range(len(b)):
    bx += dx[b[i]]
    by += dy[b[i]]
    B.append((bx, by))

print(sudari)
A = set(A)
B = set(B)
print(len(A))
print(len(B))
print(len(A | B))
```

**Potrebno znanje:** stringovi, sortiranje ili *set* ili matrice

**Kategorija:** simulacija

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
38	10	31,36

### 8.3. Zadatak: Kripto

Autor: Adrian Satja Kurđija

Zadatak je moguće riješiti koristeći razne pristupe. Budući da stringove treba sortirati koristeći tri kriterija, svakoj riječi možemo pridružiti *trojku* prirodnih brojeva koja sadrži vrijednosti kriterijeva za dotičnu riječ: (*učestalost*, *duljina*, *indeks prvog pojavljivanja*), i onda sortirati sve te trojke jer je njih lako uspoređivati. U autorovom rješenju korišten je *dictionary* koji svakoj riječi pridružuje odgovarajuću trojku, a Python „zna“ sortirati ove trojke ulazno ili silazno. Budući da trojke sortiramo silazno (prednost ima veća prva komponenta, pa veća druga komponenta, pa veća treća komponenta), indeks prvog pojavljivanja ubačen je u trojku s negativnim predznakom da bi onaj manji ispoao veći pa imao prednost. Napominjemo da je ovo samo jedno od mogućih rješenja i potičemo učenike da isprobaju i drugačije pristupe.

Programski kod (pisan u Python 3.x)

```
n = int(input())
rijeci = dict()
```



```
for i in range(n):
    a = input()
    if a in rijeci:
        rijeci[a] = (rijeci[a][0] + 1, len(a), -i)
    else:
        rijeci[a] = (1, len(a), -i)
b = sorted(rijeci.values(), reverse=True)
for val in b:
    for r in rijeci:
        if rijeci[r] == val:
            for i in range(val[0]):
                print(r)
```

**Potrebno znanje:** stringovi, sortiranje

**Kategorija:** ad hoc

Broj natjecatelja koji su rješavali zadatak	Broj natjecatelja koji su točno riješili zadatak	Prosječna riješenost zadatka
38	9	35