

# Školsko natjecanje iz informatike

Srednja škola  
Druga podskupina (3. i 4. razred)

19. siječnja 2017.

## Zadaci

Ime zadatka	Vremensko ograničenje	Broj bodova
<b>Glasovi</b>	10 sekundi	50
<b>Trokut</b>	10 sekundi	70
<b>Papir</b>	10 sekundi	80
<b>Ukupno</b>		200

## Zadatak: Glasovi

*Preferencijalno glasovanje* je sustav u kojem građani, osim mogućnosti glasovanja za određenu izbornu listu, mogu i zaokružiti određenog kandidata na toj listi. Ovaj sustav u Hrvatskoj koristio za parlamentarne izbore 2016. godine te za izbore za Europski parlament 2013. godine. Za potrebe ovog zadatka, razmatramo pojednostavljenu verziju jednog aspekta sustava.

*Izborna lista* se sastoji od  $n$  kandidata označenih redom brojevima od 1 do  $n$ , a svaki od kandidata je na izborima dobio određen broj glasova. Ukupan broj glasova liste je jednak sumi glasova svih pojedinih kandidata. Kažemo da je kandidat *preferiran* ako je dobio najmanje 10% od ukupnog broja glasova liste. Pretpostavimo da točno  $m$  kandidata s liste ulaze u parlament, oni se jedan po jedan određuju dok se ne popuni  $m$  mjesta prema sljedećim pravilima:

- U parlament ulaze najprije preferirani kandidati i to redoslijedom od onih s više glasova prema onima s manje. Ukoliko dva ili više preferiranih kandidata ima jednak broj glasova, u parlament najprije ulazi onaj od njih koji je označen najmanjim brojem.
- Kada nema više preferiranih kandidata, u parlament ulaze ostali kandidati s liste redoslijedom od onih označenih manjim brojem prema onima označenih većim brojem.

Zadana je izborna lista zajedno s brojem glasova za pojedine kandidate te ukupnim brojem parlamentarnih mjesta koje je lista osvojila. Odredite koji kandidati ulaze u parlament.

### Ulazni podaci

U prvom redu nalaze se prirodni brojevi  $n$  i  $m$  ( $n \leq 20, m \leq n$ ) — broj kandidata na listi te broj parlamentarnih mjesta koje je lista osvojila. U  $i$ -tom od sljedećih  $n$  redova nalazi se cijeli broj  $g_i$  ( $0 \leq g_i \leq 10^6$ ) — broj glasova koje je osvojio kandidat  $i$ .

### Izlazni podaci

Ispišite niz od točno  $n$  znakova bez razmaka —  $i$ -ti znak treba biti “1” ukoliko je kandidat  $i$  izabran u parlament odnosno “0” ako nije.

### Primjeri test podataka

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
4 2	6 4	5 3
20	2	30
30	3	30
30	0	30
40	10	10
<b>izlaz</b>	5	40
0101	80	<b>izlaz</b>
	<b>izlaz</b>	11001
	110101	

**Pojašnjenje:** U prvom primjeru su svi kandidati preferirani pa su izabrana dva kandidata s većim brojem glasova. U drugom primjeru su kandidati 4 i 6 preferirani te su izabrani, još su izabrani kandidati 1 i 2 jer imaju najmanje oznake unatoč manjem broju glasova od kandidata 5.

## Zadatak: Trokut

Društvene mreže, osim mnoštva veselih korisnika, privlače i znanstvenike koji na razne načine pokušavaju analizirati dostupne podatke. *Graf* društvene mreže se sastoji  $n$  od korisnika od kojih su  $m$  parova korisnika označeni kao *prijatelji*. Relacija “*biti prijatelj*” je simetrična (ako je  $A$  prijatelj od  $B$  onda smatramo da je i  $B$  prijatelj od  $A$ ). Svaki korisnik društvene mreže je jedinstveno određen *imenom* — nizom od najviše 10 malih slova engleske abecede.

*Trokut* je neuređena trojka različitih korisnika  $A$ ,  $B$  i  $C$  koji su svi međusobno prijatelji. Broj trokuta u nekoj zajednici korisnika je zanimljiv jer je iskustvo pokazalo da je pozitivno koreliran s duljinom postojanja zajednice — što dulje zajednica postoji, to će više ljudi upoznati svoje prijatelje koji se još ne poznaju te tako stvarati nove trokute.

Zadana je jedna zajednica (skup korisnika) u društvenoj mreži. *Potencijal* korisnika  $A$  je broj koji definiramo na sljedeći način: pretpostavimo da svaka dva prijatelja od  $A$ , koji još nisu prijatelji međusobno, označimo kao prijatelje. Potencijal od  $A$  je ukupni broj trokuta u cijeloj zajednici nakon tog postupka.

Odredite potencijal svakog korisnika u zajednici te ispišite korisnike, poredane abecedno po imenu, zajedno s njihovim potencijalima.

### Ulazni podaci

U prvom redu nalaze se prirodni brojevi  $n$  i  $m$  ( $n \leq 20, m \leq 100$ ) — broj korisnika u zajednici te broj prijateljstava. Svaki od sljedećih  $m$  redova sadrži dva različita imena  $a_i$  i  $b_i$  odvojena točno jednim razmakom koji označavaju su korisnici  $a_i$  i  $b_i$  prijatelji. Svako ime je niz od najmanje jednog i najviše 10 malih slova engleske abecede. Svaki od  $n$  korisnika sudjeluje u barem jednom prijateljstvu. Niti jedno prijateljstvo se ne pojavljuje više puta na ulazu.

### Izlazni podaci

Ispišite  $n$  redova. U svaki od redova ispišite ime odgovarajućeg korisnika te njegov potencijal odvojene jednim razmakom. Korisnici moraju biti sortirani po imenu uzlazno abecednim (rječničkim) poretkom.

### Primjeri test podataka

**ulaz**

3 2  
mark larry  
larry john

**izlaz**

john 0  
larry 1  
mark 0

**ulaz**

6 7  
mirko slavko  
slavko janko  
janko mirko  
slavko luka  
luka mirjana  
mirjana ivana  
ivana luka

**izlaz**

ivana 2  
janko 2  
luka 5  
mirjana 2  
mirko 2  
slavko 5

**ulaz**

6 6  
mirko ana  
ana anamarija  
anamarija marijana  
marijana slavko  
slavko janko  
janko ana

**izlaz**

ana 4  
anamarija 1  
janko 1  
marijana 1  
mirko 0  
slavko 1

## Zadatak: Papir

*Papir* je jednostavna igra za jednog igrača za koju je potrebna samo jedna dugačka traka papira te vodene bojice. Traka papira je podijeljena na  $n$  jednakih kvadratića koji se protežu jedan za drugim slijeva na desno, a svaki kvadratić je obojen u jednu od 26 boja. Igrač pokušava sve kvadratiće obojiti u istu (proizvoljnu) boju u što manje *koraka*. U jednom koraku igrač odabere proizvoljan niz uzastopnih kvadratića *iste boje* te ih sve oboji u istu (ali neku drugu) boju.

Boje označavamo malim slovima engleske abecede. Na primjer, ako je početna traka “aaabccbbba”, onda igrač može završiti igru u dva koraka: najprije dva uzastopna kvadratića boje “c” oboji u boju “b” i dobije “aaabbbbba”, zatim 6 uzastopnih kvadratića boje “b” oboji u boju “a”.

Zadana je traka, odredite najmanji broj koraka potreban da igrač završi igru.

### Ulazni podaci

U prvom redu nalaze se prirodni broj  $n$  ( $n \leq 40$ ) — broj kvadratića na traci. U sljedećem redu nalazi se niz od  $n$  malih slova engleske abecede —  $i$ -ti znak označava boju  $i$ -tog kvadratića trake.

### Izlazni podaci

U prvi red ispišite traženi najmanji broj koraka.

### Bodovanje

- U test podacima vrijednim 30% bodova se samo pojavljuju boje “a” i “b”.
- U dodatnim test podacima vrijednim 30% bodova vrijedi  $1 \leq n \leq 20$ .

### Primjeri test podataka

**ulaz**

10  
aaabccbbba

**izlaz**

2

**ulaz**

9  
abbababba

**izlaz**

3

**ulaz**

11  
abracadabra

**izlaz**

6